

**СПЕКТРЫ СВЯЗАННЫХ МАГНИТОУПРУГИХ ВОЛН ДВУОСНОГО  
СИЛЬНО АНИЗОТРОПНОГО ФЕРРОМАГНЕТИКА С УЧЕТОМ  
БИКВАДРАТИЧНОГО ВЗАЙМОДЕЙСТВИЯ**

**Мицай Ю. Н., доктор физ.-мат. наук, профессор,  
Фридман Ю. А., канд. физ.-мат. наук, доцент, Кожемяко О. В., аспирант**

1. Спектральные и термодинамические свойства магнетиков с негейзенберговским обменом активно изучаются в последнее время, поскольку недавно синтезирован ряд веществ с подобными свойствами TmGd, TmZn и другие [1,2]. Задача настоящей работы – изучить магнитоупругие волны в таких системах, не исследованные ранее. Точный учет одноионной анизотропии проведем, используя технику операторов Хаббарда. Гамильтониан подобной системы следующий:

$$H = -\frac{1}{2} \sum_{n,n'} \left\{ (I(n-n') \vec{S}_n \vec{S}_{n'} + K(n-n') (\vec{S}_n \vec{S}_{n'})^2) \right\} - B_2^0 \sum_n \left\{ (\dot{S}_n)^2 - S(S+1) \right\} - B_2^2 \sum_n \frac{1}{2} \left\{ (S_z^+)^2 + (S_z^-)^2 \right\} + v \sum_n S_n^z S_{n'}^z u_{ii}(n) + \int d\mathbf{r} \left[ \frac{\lambda + \eta}{2} (u_{xx}^2 + u_{yy}^2 + u_{zz}^2) + \eta (u_{xy}^2 + u_{xz}^2 + u_{yz}^2) + \lambda (u_{xx} u_{yy} + u_{yy} u_{zz} + u_{xz} u_{yz}) \right] \quad (1)$$

где  $S_n^\alpha$  – спиновые операторы в узле  $n$  ( $\alpha = +, -, z$ ),  $I(n-n') > 0$  – константа гейзенберговского обмена,  $K(n-n') > 0$  – константа биквадратичного обмена,  $B_2^0, B_2^2$  – константы ОА.  $v$  – константа МУ связи,  $u_{ij}(n)$ -компоненты тензора деформаций.  $\lambda, \eta$  – упругие модули.

2. Фазовая диаграмма возможных состояний этой системы на плоскости  $B_2^0, B_2^2$  была получена в [3]. На этой плоскости возможна реализация следующих фаз:  $\Phi M_z$ ,  $\Phi M_x$  – фазы с векторным параметром порядка, направленным соответственно вдоль осей  $OZ$  и  $OX$  и две фазы  $KU_1$  и  $KU_2$  – с тензорным параметром порядка – квадрупольные.

Дисперсионное уравнение в  $KU_1$ -фазе распадается на два. Решения первого уравнения определяют спектр квазимагнонов вблизи линии  $\Phi\Pi KU_1$ - $\Phi M_z$ -фаза:

$$\omega_1(k) = \sqrt{(2B_2^2 + a_0 + \gamma k^2)(B_2^2 - I_0 + K_0 + a_0)} \quad (2)$$

а спектр  $\tau$ -поляризованных квазифононов в длинноволновом пределе имеет вид:

$$\omega_2^2(k) = \omega_1^2(I_0 - a_0 / (I_0 - K_0)) \quad (3)$$

Второе уравнение описывает высокочастотную магнонную ветвь, которая с упругой подсистемой не взаимодействует. Однако это уравнение становится определяющим в поведении системы в окрестности  $\Phi\Pi KU_1$ - $\Phi M_x$ -фаза. Его решения определяет спектр магнонов:

$$\omega_1(k) = \sqrt{(3B_2^0 + B_2^2 + a_0 + \gamma k^2)(3B_0^2 + B_0^2 - 2(I_0 - K_0) + a_0)} \quad (4)$$

а спектр t-поляризованных фононов аналогичен выражению (3).

Из выражений (2)-(4) следует, что упругая и магнитная подсистемы слабо взаимодействуют. Это взаимодействие приводит к небольшому уменьшению скорости т- и t-поляризованного звука и сдвигке линий ФП КУ<sub>1</sub>-ФМ<sub>z</sub>-фаза и КУ<sub>1</sub>-ФМ<sub>x</sub>-фаза на величину  $a_0$  (по сравнению со случаем отсутствия МУ связи [3]):  $B_2^2 = I_0 - K_0 - a_0$ ,  $B_0^2 = -3B_2^0 + 2(I_0 - K_0) - a_0$ . Магнонная ветвь при этом оказывается мягкой модой, и по этой ветви возбуждений идет ФП. Анализ формул (2), (3) на линии  $B_2^2 = I_0 - K_0$ , т.е. линии ФП без учета МУ взаимодействия [3], показывает, что спектр квазифононов при  $2B_2^2 < \gamma k^2 < 2B_2^2 + a_0$  равен:  $\omega_t^2(k) = \omega_t^2(k) \gamma k^2 / (2B_2^2 + a_0)$ . На линии  $B_2^2 = -3B_2^0 + 2(I_0 - K_0)$  спектр квазифононов при  $3B_2^0 + B_2^2 < \gamma k^2 < 3B_2^0 + B_2^2 + a_0$  можно представить в виде:  $\omega_t^2(k) = \omega_t^2(k) \gamma k^2 / (3B_2^0 + B_2^2 + a_0)$ .

В спектре квазимагнонов на определенных выше линиях ФП образуются щели, равные соответственно  $\omega(0) = \sqrt{a_0(I_0 - K_0 + a_0)}$  и  $\omega(0) = \sqrt{a_0(2(I_0 - K_0) + a_0)}$ .

Такое поведение спектров элементарных возбуждений свидетельствует о том, что ФП КУ<sub>1</sub>-ФМ<sub>x</sub>-фаза и КУ<sub>1</sub>-ФМ<sub>y</sub>-фаза при наличии дополнительного внешнего воздействия (например, внешнего магнитного поля, перпендикулярного легкой оси) реализовывался бы как переориентационный, т.е. мягкой модой являлась бы квазифононная ветвь, а в спектре квазимагнонов появлялась бы МУ щель, как обычно и происходит при ориентационных ФП.

Аналогичный анализ дисперсионного уравнения в КУ<sub>2</sub>-фазе показывает, что магнитная и упругая подсистемы взаимодействуют слабо, что приводит к небольшой перенормировке скорости t-поляризованного звука  $\omega_2^2(k) = \omega_t^2(1 - a_0/2(I_0 - K_0))$  и сдвигке линии ФП КУ<sub>2</sub>-ФМ<sub>x</sub>-фаза на величину  $a_0$ :  $B_2^2 = -3B_2^0 - 2(I_0 - K_0) + a_0$ .

### Литература.

1. Aleonard R., Morin P. Phys. Rev. B19, 8, 1979, p.3869
2. Morin P., Rouchy L., Schitt D. Phys. Rev. B17, 9, 1978, p.3684
3. Вальков В.В., Мацуков Г.Н., Овчинников С.Г. ФТТ 31, 6, 1989, с.60